

基隆市立武崙國民中學 107 學年度 第一學期 八年級第三次段考 數學科試題卷

年 班 號 姓名 \_\_\_\_\_

一、選擇題（每題 3 分，共 39 分）

1. 判斷下列各式化簡之後，何者是一元二次方程式？

- (A)  $x^2 + 3x + 7$
- (B)  $4^2 + 6x + 8 = 0$
- (C)  $5x^2 + 6x = 4x^2 + 8$
- (D)  $(x+5)(x-6) = (x+7)(x-9)$

2. 請問  $x=2$  不是下列哪一個方程式的解？

- (A)  $3(x-2)=0$
- (B)  $2x^2 - 3x = 2$
- (C)  $(x-2)(x+2)=0$
- (D)  $x^2 - x + 2 = 0$

3. 下列各一元二次方程式中，何者的兩根互為相反數？

- (A)  $(x+3)^2 = 9$
- (B)  $x^2 - 19 = 0$
- (C)  $4x^2 + 4x = 0$
- (D)  $9x^2 + 6x + 1 = 0$

4. 若  $x^2 + 10x - 24 = (x+a)(x+b)$ ，且  $a > b$ ，則  $a = ?$

- (A) 2
- (B) 4
- (C) 6
- (D) 12

5. 對於方程式  $(x+3)(x-5) = (x+3)(4x-3)$  的敘述，下列何者正確？

- (A) 此方程式有兩根，而且一根為正數，一根為負數
- (B) 此方程式有兩根，而且兩根的正、負號相同
- (C) 此方程式只有一根，而且這個根是分數
- (D) 此方程式無解

6. 若方程式  $(x-a)^2 = b$  的解為  $x = 3 \pm \sqrt{7}$ ，則  $a+b$  的值是多少？

- (A) 10
- (B) 4
- (C) -10
- (D) -4

7. 若一元二次方程式  $x^2 + 6x - 891 = 0$  的兩根為  $a, b$ ，且  $a > b$ ，則  $2a - b$  之值為何？

- (A) 21
- (B) 60
- (C) 87
- (D) 93

8. 解方程式  $3x^2 - 5x - k = 0$  時，已知  $k > 0$ ，則此方程式解的性質可為下列何者？

- (A) 恰有一根為 0
- (B) 兩相異根
- (C) 重根
- (D) 無解

9. 已知  $221x^2 + 5x - 6$  可因式分解成  $(13x+a)(bx+c)$ ，其中  $a, b, c$  均為整數，則下列敘述何者正確？

- (A)  $a=2$
- (B)  $b=-17$
- (C)  $c=-3$
- (D)  $b+c=20$

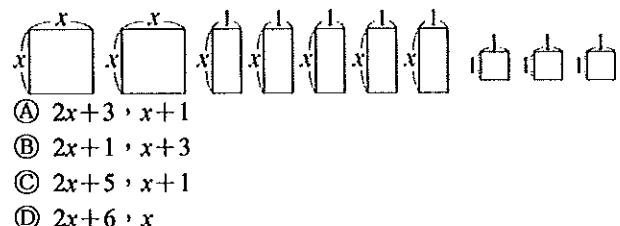
10. 阿寶帶 500 元去買每枝  $x$  元的筆，買了  $(x-3)$  枝，並找回 160 元，依題意可列出下列哪一個方程式？

- (A)  $x(x-3) = 500 - 160$
- (B)  $x(x-3) = 500 + 160$
- (C)  $x + (x-3) = 500 - 160$
- (D)  $x + (x-3) = 500 + 160$

11. 武崙國中的熱舞社活動預定參加 20 人，每人收費 100 元，但人數若少於 20 人，則每減少 2 人，每人加收 10 元，已知該社團共收到 2250 元。假設減少  $2x$  人，根據題意可以列方程式為何？

- (A)  $(20-x)(100+10x) = 2250$
- (B)  $(20+x)(100+10x) = 2250$
- (C)  $(20-2x)(100+10x) = 2250$
- (D)  $(20+2x)(100+10x) = 2250$

12. 將下圖的 10 張紙板拼成一個大的長方形，則此長方形的長、寬分別是多少？



- (A)  $2x+3, x+1$
- (B)  $2x+1, x+3$
- (C)  $2x+5, x+1$
- (D)  $2x+6, x$

13. 已知一元二次方程式  $x^2 + ax - b = 0$  的兩根為 5 和 -1，則點  $(a, b)$  的位置在直角坐標平面上第幾象限？

- (A) 第一象限
- (B) 第二象限
- (C) 第三象限
- (D) 第四象限

二、填充題（每題 4 分，共 48 分）

1. 因式分解  $x^2 - 9x + 20 =$  \_\_\_\_\_

2. 因式分解  $2 - x - 15x^2 =$  \_\_\_\_\_

3. 因式分解  $x^3 + 2x^2 - 8x =$  \_\_\_\_\_

基隆市立武崙國民中學 107 學年度 第一學期 八年級第三次段考 數學科試題卷

\_\_\_\_年\_\_\_\_班\_\_\_\_號 姓名\_\_\_\_\_

4. 解  $(3x+1)(x-2)=0$  ,  $x = \underline{\hspace{2cm}}$

三、綜合題 (12 分)

1. 判別下列各一元二次方程式其解為相異根、重根或無解，並請將代號填入格子內：

(A)  $5x^2+7x-6=0$       (B)  $-x^2-5x+11=0$

(C)  $\frac{1}{4}x^2-3x-9=0$       (D)  $(2x-1)^2+7=5$

(E)  $x^2-12x+2019=0$       (F)  $(2x+3)^2=1$

5. 解  $(x+3)^2=16$  ,  $x = \underline{\hspace{2cm}}$

(1) 相異根 \_\_\_\_\_ (2 分)

(2) 重根 \_\_\_\_\_ (2 分)

(3) 無解 \_\_\_\_\_ (2 分)

6. 解  $4x^2-9x=0$  ,  $x = \underline{\hspace{2cm}}$

2. 下圖是民國某年九月份的月曆，用矩形框起來的三天

$(a, b, c)$  是畢業旅行的日子，已知  $a^2+b^2+c^2=509$ ，則該年教師節九月 28 日是星期幾？(6 分)

日	一	二	三	四	五	六
			$a$	$b$	$c$	

7. 解  $x^2-4x-71=0$  ,  $x = \underline{\hspace{2cm}}$

8. 解  $5x^2+20x+20=0$  ,  $x = \underline{\hspace{2cm}}$

9. 解  $3x^2+4x-5=0$  ,  $x = \underline{\hspace{2cm}}$

10. 解  $(4x-3)^2=3x(4x-3)$  ,  $x = \underline{\hspace{2cm}}$

11. 如右表，若★表示同一個數，

且甲 + 乙 + 丙 + 丁 = 121，

計算★ = \_\_\_\_\_

★ + ★ = 甲
★ - ★ = 乙
★ × ★ = 丙
★ ÷ ★ = 丁

12. 已知一長方形的長是寬的2倍少5，其面積為42平方公分，則此長方形的寬為 \_\_\_\_\_ 公分

四、挑戰題 (題目附於答案卷上) (1 分)

基隆市立武崙國民中學 107 學年度 第一學期 八年級第三次段考 數學科 答案卷

\_\_\_\_\_ 年 \_\_\_\_\_ 班 \_\_\_\_\_ 號 姓名 \_\_\_\_\_

一、選擇題 (每題 3 分，共 39 分)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13

二、填充題 (每題 4 分，共 48 分，全對才給分)

1.	2.	3.	4.
5.	6.	7.	8.
9.	10.	11.	12.

三、綜合題 (12 分)

<p>1. 判別下列各一元二次方程式其解為相異根、重根或無解，並請將代號填入格子內：</p> <p>(A) <math>5x^2 + 7x - 6 = 0</math>      (B) <math>-x^2 - 5x + 11 = 0</math>          (C) <math>\frac{1}{4}x^2 - 3x + 9 = 0</math>      (D) <math>(2x - 1)^2 + 7 = 5</math>          (E) <math>x^2 - 12x + 2019 = 0</math>      (F) <math>(2x + 3)^2 = 1</math></p> <p>(1) 相異根 _____ (2 分)</p> <p>(2) 重根 _____ (2 分)</p> <p>(3) 無解 _____ (2 分)</p>	<p>2.</p>
---	-----------

四、挑戰題 (1 分)

設  $\alpha, \beta$  為  $x^2 + x - 4 = 0$  之兩根，則  $\alpha^3 - 5\beta^2 + 29$  之值 = ?